



Isabelle / Isar / HOL proof assistant

Programming and Proving - Kapitel 2 - wesentliche Syntax

Form einer Theorie-Datei T.thy

```
theory T
imports T1 ... Tn
begin
Definitionen, Theoreme und Beweise
end
```

Eingebaute Datatypes, Theoremen und Funktionen

siehe Main.pdf

Selbstdefinierte Datatypes

```
datatype domain = DatatypeConstructor1 x |
                DatatypeConstructor2 y |...
```

Rekursive Funktionen mittels "Pattern Matching":

- o Priorität von oben nach unten,
- o (x#xs) ist das Pattern einer Liste, wobei x ist das erstes Element und xs das Rest der Liste,
- o "_" bedeutet "jedes Beliebige"

```
fun function1 :: "domain => range" where
"function1 (DatatypeConstructor1 x) = ..." |
"function1 (x#xs) = ..." |
"function1 _ = ..." |
"function1 x = (case x of a => b | c => d)" | ...
```

Nicht rekursive Funktionen

```
definition function2 :: "domain => range" where
"function2 x = ..."
```

Ergebnis der Applikation einer Funktion

```
value(functionName Argument1 Argument2 ... )
```

Theoreme, Lemmata:

- o theorem = lemma,
- o [simp]: es geht um eine Gleichung, die zur Vereinfachung von Termen benutzt werden kann.
- o Definitionen von Funktionen zählen als Theoreme.

```
theorem theorem_name [simp]: "bla(bla x) = ..."
```

Beweis Methoden

```
apply(induction x)
apply(induction x rule: function1.induct)
apply(induction x arbitrary: y)
apply(auto)
```

Simp wirkt nur auf Subgoal 1

```
apply(simp add: theorem1, function1_def,...)
apply(auto simp add: ... simp del: ...)
```

Macht das Theorem ohne Beweis benutzbar

```
apply(simp split: Datentyp.split)
sorry
```

Schliesst den Beweis ab, und macht das Theorem benutzbar

```
oops
done
```